

# Test und Verlässlichkeit Grosse Übung zu Foliensatz 4: Tests und Kontrollen

Prof. G. Kemnitz

18. Juli 2022

## Contents

<b>2 Baugruppentest</b>	<b>1</b>
<b>3 Inspektion</b>	<b>2</b>
3.1 Capture-Recapture . . . . .	2
3.2 Inspektion als Zufallstest . . . . .	3
<b>4 Kontrolle digitaler SL</b>	<b>3</b>
4.3 Syntax . . . . .	3
4.4 Invarianten, WB . . . . .	5
4.5 Fehlererk. Codes . . . . .	5
4.6 Prüfkennzeichen . . . . .	6
4.7 Fehlerkorr. Codes . . . . .	8

## 2 Baugruppentest

### Aufgabe 4.1: MDA und ICT

1. Wodurch unterscheidet sich der analoge In-Circuit-Test von einer Zweipunktmessung zur Kontrolle auf Fertigungsfehler?
2. Ersetzt ein digitaler In-Circuit-Test Zweipunktmessungen zur Kontrolle auf Fertigungsfehler vollständig?
3. Was bedeutet bei Boundry-Scan »Ersatz der Nadelbettadapters durch Silicon Nails«?

### Zur Kontrolle

1. Die Strom-Spannungs-Beziehung einer Zweipunktmessung zur Kontrolle auf Fertigungsfehler hängt außer vom Bauteil zwischen den Punkten auch von der umgebenden Schaltung ab. Beim analogen In-Circuit-Test werden die wegfließenden Ströme von einem der Punkte unterdrückt und so die Abhängigkeit der gemessenen Strom-Spannungs-Beziehung von anderen Bauteilen unterbunden. Vereinfacht die Testerstellung.
2. Kein vollständiger Ersatz. Digitaler ICT ist ein Test unter Spannung. Mindestens zur Kontrolle und Beseitigung von Kurzschlüssen vor Anlegen der Spannung sind Zweipunktmessung zwischen den Leitungen erforderlich.
3. Bei Boundary-Scan erfolgt der Lese- und Schreibzugriff der logischen Pegel der Leitungen auf einer Baugruppe mit integrierten Teststrukturen (Schieberegisterringen) statt der Kontaktierung mit einem Nadeladapter.

## 3 Inspektion

### 3.1 Capture-Recapture

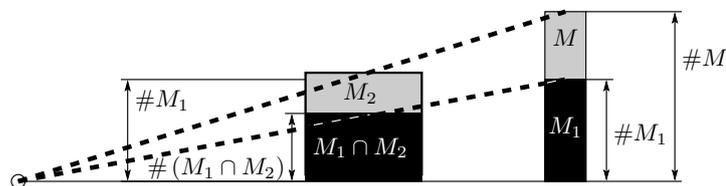
#### Aufgabe 4.2: Inspektionsfehlerüberdeckung

Inspektionsergebnisse für ein Programm aus 1000 Codezeilen:

- Inspekteur 1: 85 gefundene Fehler
- Inspekteur 2: 76 gefundene Fehler
- Schnittmenge: 56 übereinstimmende gefundene Fehler.

Schätzen Sie nach dem Verfahren »Capture-Recapture« die

- Gesamtanzahl der Fehler?
- Anzahl der nicht gefundenen Fehler?
- Inspektionsfehlerüberdeckung?



- Geschätzte Gesamtfehleranzahl:

$$\#F = \#M \approx \frac{\#M_1 \cdot \#M_2}{\#(M_1 \cap M_2)} = \frac{85 \cdot 76}{56} = 115,4$$

- Geschätzte Anzahl der gefundenen Fehler:

$$\#EF \approx \#(M_1 \cup M_2) = 85 + 76 - 56 = 105$$

- Inspektionsfehlerüberdeckung:

$$IFC \approx 1 \frac{\#EF}{\#F} = \frac{105}{115,4} = 91\%$$

#### Aufgabe 4.3: Effizienz und Effektivität

In der Aufgabe zuvor hat der erste Inspekteur zehn Stunden für das Aufspüren seiner 85 gefundenen Fehler und der zweite Inspekteur 12 Stunden für das Aufspüren seiner 76 Fehler benötigt. Wie groß waren Effizienz<sup>1</sup> und Effektivität<sup>2</sup> beider Inspektoren einzeln und wie groß waren Effizienz und Effektivität der gesamten Inspektion?

#### Zur Kontrolle

	Insp. 1	Insp. 2	zusammen
gefundene Fehler	85	76	85+76-56=105
Zeit	10 h	12 h	22 h
Effizienz	8,5 $\frac{\text{Fehler}}{\text{h}}$	6,3 $\frac{\text{Fehler}}{\text{h}}$	4,8 $\frac{\text{Fehler}}{\text{h}}$
Effektivität	85 $\frac{\text{Fehler}}{1000 \text{ NLOC}}$	76 $\frac{\text{Fehler}}{1000 \text{ NLOC}}$	105 $\frac{\text{Fehler}}{1000 \text{ NLOC}}$

<sup>1</sup>Gefundene Fehler pro Mitarbeiterstunde.

<sup>2</sup>Gefundene Fehler auf 1000 Nettocodezeilen.

## 3.2 Inspektion als Zufallstest

### Aufgabe 4.4: Inspektion als Zufallstest

In einem Inspektionsprozess mit  $n$  Inspektoren, die sich alle das System je 30 Stunden lang anschauen, betrage der Zusammenhang zwischen der Anzahl der nicht erkannten Fehler und der Anzahl der Inspektoren:

$$\#F(n) = \#F(1) \cdot \left(\frac{n}{1}\right)^{-k}$$

( $\#F(1) = 100$  – zu erwartende Anzahl der nicht erkannte Fehler mit einem Inspekteur;  $k = 0,5$  – Abnahmeexponent).

1. Wie viele Inspektoren sind erforderlich, um die zu erwartende Anzahl der nicht erkannten Fehler auf 25 zu reduzieren?
2. Bestimmen Sie die zu erwartende Effizienz für den zweiten bis fünften Inspekteur.

### Zur Kontrolle

1. Anzahl der Inspektoren zur Reduzierung der zu erwartenden Anzahl der nicht nachweisbaren Fehler von 100 auf 25:

$$n = \left(\frac{\#F(n)}{\#F(1)}\right)^{-\frac{1}{0,5}} = 4^2 = 16$$

Zusätzlich zum ersten noch 15 weitere Inspektoren.

2. Zu erwartende Anzahl erkannter Fehler Inspekteur  $n$ :

$$\begin{aligned} \#F(n) &= \#F(n-1) - \#F(n) \\ &= 100 \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{n-1}} - \frac{1}{\sqrt{n}}\right) \end{aligned}$$

$n$	2	3	4	5
$\#F(n-1) - \#F(n)$	29,3	13,0	7,7	5,3
Effizienz* = $\frac{\#F(n-1) - \#F(n)}{30h}$	0,976	0,433	0,258	0,176

\* in gefundenen Fehlern pro Stunde.

## 4 Kontrolle digitaler SL

### 4.3 Syntax

#### Aufgabe 4.5: Kontrollautomat

Ein (vereinfachter) Rechnerbefehlssatz besteht aus vier verschiedenen Befehlstypen

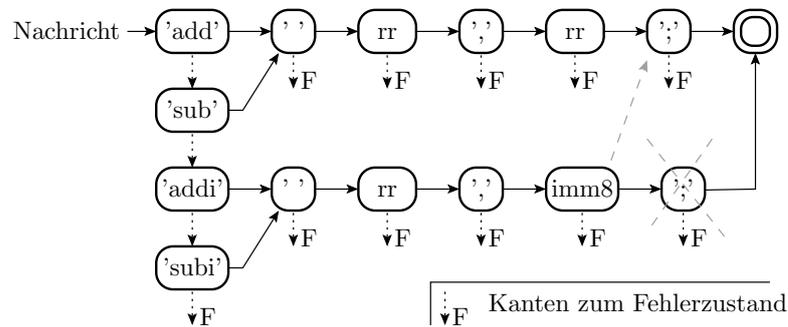
```
add□rr,rr;
addi□rr,imm8;
sub□rr,rr;
subi□rr,imm8;
```

□ – Leerzeichen; »rr« Bezeichner eines der 32 Register ("r0", "r1", ... "r31"); »imm8« für die Wert einer 8-Bit Hexzahl ("0x00", "0x01", ..., "0xFF"; "0x" gefolgt von zwei Hex.-Ziffern mit den Zifferenwerten '0' bis 'F').

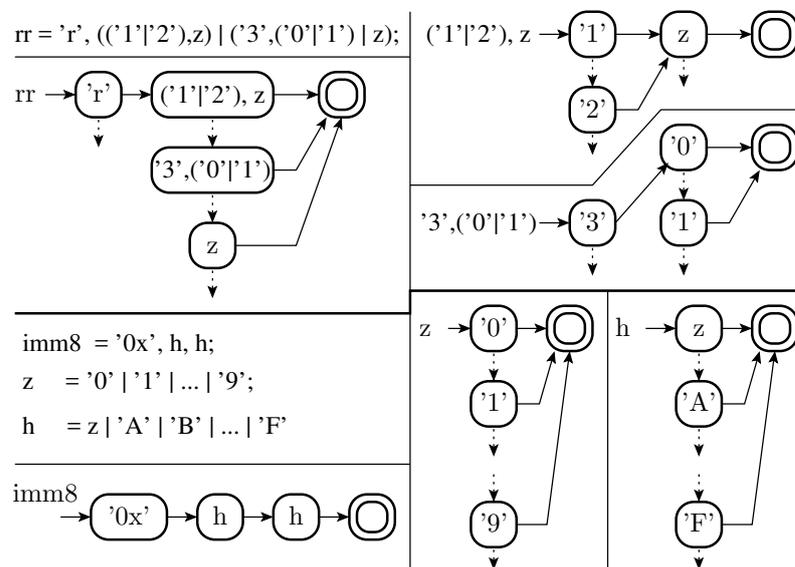
- a) Beschreiben Sie das Befehlsformat in der EBNF mit den Ersetzungsregeln für Sequenz, Option, Wiederholung etc.
- b) Entwerfen Sie einen deterministischen Kontrollautomaten auf Syntaxfehler als Graph für einen Moore-Automaten.

```

Befehl = (('add' | 'sub'), '□', rr, ',', rr, ';' |
         ('addi' | 'subi', '□', rr, ',', imm8, ';');
rr      = 'r', (('1'|'2'), z) | ('3', ('0'|'1') | z);
imm8    = '0x', h, h; z      = '0' | '1' | ... | '9';
h       = z | 'A' | 'B' | ... | 'F';
    
```



Automaten für den Test der Sprachbestandteile:

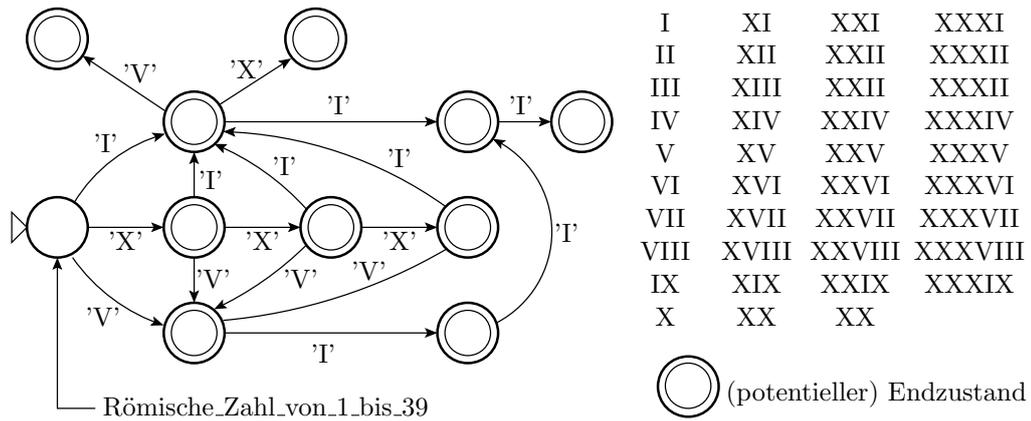


**Aufgabe 4.6: Syntaxtest für römische Zahlen**

Entwerfen Sie einen Mealy-Kontrollautomaten<sup>3</sup> für einen Syntaxtest für römische Zahlen mit einem Wert von 1 bis 39.

Wert		Wert		Wert		Wert	
1	I	11	XI	21	XXI	31	XXXI
2	II	12	XII	22	XXII	32	XXXII
3	III	13	XIII	23	XXIII	33	XXXIII
4	IV	14	XIV	24	XXIV	34	XXXIV
5	V	15	XV	25	XXV	35	XXXV
6	VI	16	XVI	26	XXVI	36	XXXVI
7	VII	17	XVII	27	XXVII	37	XXXVII
8	VIII	18	XVIII	28	XXVIII	38	XXXVIII
9	IX	19	XIX	29	XXIX	39	XXXIX
10	X	20	XX	30	XXX		

<sup>3</sup>Ein Mealy-Automat, der die Zeichen an den Kanten abräumt.

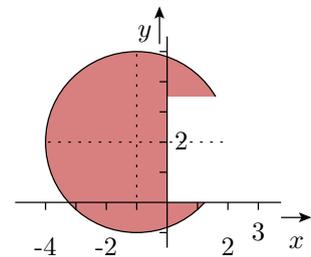


Bei allen Eingaben, für die keine Kante gezeichnet ist, Übergang in den Fehlerzustand.

#### 4.4 Invarianten, WB

##### Aufgabe 4.7: Kontrollausdruck

Die Wertpaare  $(x, y)$  sollen Punkte der im nachfolgenden Bild eingezeichneten Kreisfläche mit dem Mittelpunkt  $(-1, 2)$  und dem Radius 3 mit dem ausgeschnittenen rechteckigen Bereich sein.



Entwickeln Sie einen Kontrollausdruck für die Wertebereichskontrolle, der genau dann wahr ist, wenn ein Punkt  $(x, y)$  im zulässigen Bereich liegt.

$$((x < 0) \vee (y < 0) \vee (y > 3,5)) \wedge ((x + 1)^2 + (y - 2)^2 < 3^2)$$

#### 4.5 Fehlererk. Codes

##### Aufgabe 4.8: Arithmetischer Code

a) Bilden Sie für den Bitvektor

$$x = 110010001000011101_2$$

das fehlererkennende Codewort durch Multiplikation seines Wertes als vorzeichenfreie ganze Binärzahl mit der Primzahl  $c = 10313$  (Bestimmung des Dezimalwerts, Multiplikation und Konvertierung des Produkts in einen Binärvektor).

b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit werden mit dem gewählten fehlererkennenden Code Datenverfälschungen des codierten Bitvektors  $s = c \cdot x$  erkannt?

c) Werden mit dem gewählten Code Verfälschung von  $s$  erkannt, die die Bitstellen 3 und 14 invertieren? Hinweis: Eine Verfälschung von  $s$  ist am Divisionsrest der Abweichung vom Sollwert  $\Delta s/c = (s - s_{\text{soll}})/c \neq 0$  erkennbar.

Eingabewert hexadezimal:  $11.0010.0010.0001.1101 = 0x3221D$

- Mit Octave (Matlab) Produkt als hexadezimal:

```
>> printf('CW=0x%x\n', 0x3221D*10313)
CW=0x7e394245
```

binär: 0b111.1110.0011.1001.0100.0010.0100.0101

b) Erkennungswahrscheinlichkeit:

$$p_E \approx 1 - \frac{1}{10313} = 99,990\%$$

c) Keine Maskierung, wenn Bit 3 und 14 invertiert ist:

$$\text{Rest}\left(\frac{0b100.0000.0000.1000}{10313}\right) \neq 0 \checkmark$$

Für Differenzen ungleich null, die kleiner als der Quotient sind, immer erfüllt.

## 4.6 Prüfkennzeichen

### Aufgabe 4.9: Prüfsummen

Bilden Sie für die Bytefolge

0x13, 0xF2, 0x33, 0xE6

die Prüfsumme:

a) durch byteweises Aufsummieren unter Vernachlässigung der Überträge.

b) durch bitweise EXOR-Verknüpfung der Bytes.

c) Welche der beiden Prüfsummen erkennt, dass die nachfolgenden Datenfolgen verfälscht sind?

c) Welche der b

F1: 0x13, 0x33, 0xF2, 0xE6

F2: 0x13, 0xF2, 0x37, 0xE6

F3: 0x13, 0xF1, 0x90, 0x56

Wert unverf.	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13		
0xF2		
0x33		
0xE6		
	EXOR:	

Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010
0x33	0x38	0011 0011
0xE6	0x1E	1110 0110
	EXOR:	0011 0100

Wert unverf.	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert F1	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13			0x13		
0xF2			0x33		
0x33			0xF2		
0xE6			0xE6		
	EXOR:			EXOR:	

Wert F2	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert F3	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13			0x13		
0xF2			0xF1		
0x37			0x90		
0xE6			0x56		
	EXOR:			EXOR:	

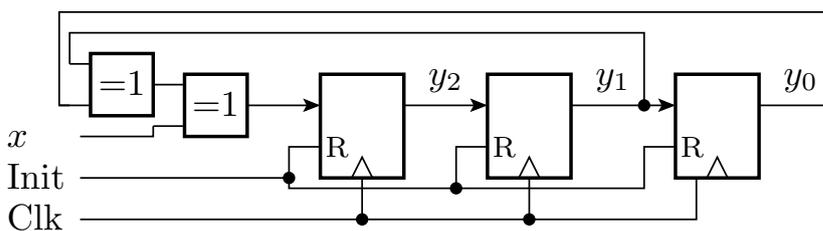
Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011	0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010	0x33	0x46	0011 0011
0x33	0x38	0011 0011	0xF2	0x38	1111 0010
0xE6	0x1E	1110 0110	0xE6	0x1E	1110 0110
	EXOR:	0011 0100		EXOR:	0011 0100

Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär	Wert	(Teil-) Prüfsum.	binär
0x13	0x13	0001 0011	0x13	0x13	0001 0011
0xF2	0x05	1111 0010	0xF1	0x04	1111 0001
0x37	0x3C	0011 0111	0x90	0x94	1001 0000
0xE6	0x22	1110 0110	0x46	0xDA	0100 0110
	EXOR:	0011 0000		EXOR:	0011 0100

**Aufgabe 4.10: Prüfkennzeichen mit LFSR**

Gegeben ist folgendes linear rückgekoppelte Schieberegister:



	$x$	$y_2$	$y_1$	$y_0$
0	1	0	0	0
1	0			
2	1			
3	1			
4	0			
5	0			
6	1			
7	1			
8	0			
9	1			
10	0			
11	0			
12	1			
13	0			
14	1			
15	0			

- Auf welches Prüfkennzeichen  $\mathbf{y} = y_2y_1y_0$  wird die Datenfolge 1011 0011 0100 1010 beginnend mit dem linken Bit und Startwert 000 abgebildet? Füllen Sie dazu die Tabelle in der Abbildung aus.
- Wie hoch ist Fehlererkennungswahrscheinlichkeit?

PKZ:

$$p_E \approx 1 - 2^{-3} = 87,5\%$$



## Wertekontrolle

### Aufgabe 4.13: Kontrollausdruck

Schreiben Sie einen Testrahmen für das nachfolgende fehlerhafte C-Programm zur Wurzelberechnung:

```
uint8_t wurzel(uint16_t x){
    uint8_t w=0;
    uint16_t sum=0;
    while (sum<x){sum += (w<<1)+1;
        w++;}
    return w;
}
```

zum Test mit 1000 zufälligen Werten. Ergebniskontrolle mit der inversen Funktion und Fenstervergleich

$$y^2 \leq x < (y+1)^2$$

Protokollierung aller  $x$  und  $y$ , die die Ergebniskontrolle nicht bestehen. Zufallszahlenerzeugung mit »rand()« aus »stdlib.h«.

### Zur Kontrolle

```
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include <stdio.h>
int main(){
    uint16_t x, y, xmin, xmax;
    srand(time(NULL)); // Init. Pseudozufallsg.*
    for (idx=0; idx<1000; idx++){
        x = rand() & 0xFF; // Begrenzung auf 8 Bit
        y = wurzel(x); // Testobjekt
        xmin = y*y; // inversen Fkt.
        xmax = (y+1)*(y+1); // zu Kontrolle
        if ((x<xmin) || (x>xmax)){
            printf("x=%d, y=%d, y^2=%d, (y+1)^2=%d\n",
                x, y, xmin, xmax);
        }
    }
}
```

\*time(NULL) liefert Sekunden seit dem 01.01.1970.

### Aufgabe 4.14: Vergleichsfenster

Zwei zu vergleichende voneinander unabhängige normalverteilte Zufallsgrößen  $X_1$  und  $X_2$  haben denselben Erwartungswert und die Standardabweichungen  $\text{sd}[X_1] = 3$  und  $\text{sd}[X_2] = 4$ . Wie groß ist für eine Kontrolle

$\text{if} (\text{abs}(X_1 - X_2) > \text{eps}) \{ \langle \text{Fehlerbehandlung} \rangle \};$

der Radius  $\varepsilon$  des Vergleichsfenster mindestens zu wählen, damit die Wahrscheinlichkeit für Vergleichs-Phantom-FF  $p_{\text{Phan}} \leq 0,1\%$  ist?

$\mathbb{E}[X_1 - X_2] =$   $\varepsilon =$   
 $\text{sd}[X_1 - X_2] =$

$z$	...,0	...,1	...,2	...,3	...,4	...,5	...,6	...,7	...,8	...,9
0,...	0,5000	0,5398	0,5793	0,6179	0,6554	0,6915	0,7257	0,7580	0,7881	0,8159
1,...	0,8413	0,8643	0,8849	0,9032	0,9192	0,9332	0,9452	0,9554	0,9641	0,9713
2,...	0,9772	0,9821	0,9861	0,9893	0,9918	0,9938	0,9953	0,9965	0,9974	0,9981
3,...	0,9987	0,9990	0,9993	0,9995	0,9997	0,9998	0,9998	0,9999	0,9999	1,0000

Differenz der Erwartungswerte:

$$E[X_1 - X_2] = 0$$

Die Varianz der Differenzen ist die Summe der Varianzen:

$$sd[X_1 - X_2] = \sqrt{\text{Var}[X_1] + \text{Var}[X_2]} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

Standardisierter Normalverteilungswert für beiderseitig  $\alpha_1 = \alpha_2 = 0,05\%$  ist etwa 3,3.

$z$	...,0	...,1	...,2	...,3	...,4	...,5	...,6	...,7	...,8	...,9
0,...	0,5000	0,5398	0,5793	0,6179	0,6554	0,6915	0,7257	0,7580	0,7881	0,8159
1,...	0,8413	0,8643	0,8849	0,9032	0,9192	0,9332	0,9452	0,9554	0,9641	0,9713
2,...	0,9772	0,9821	0,9861	0,9893	0,9918	0,9938	0,9953	0,9965	0,9974	0,9981
3,...	0,9987	0,9990	0,9993	0,9995	0,9997	0,9998	0,9998	0,9999	0,9999	1,0000

Mindestintervallradius für das Vergleichsfenster:

$$\varepsilon \approx 3,3 \cdot 5 = 16,5$$

### Aufgabe 4.15: Diversitätsabschätzung

Bei einer Kontrolle durch Verdopplung und Vergleich wurden von  $\#FF = 300$  Fehlfunktionen  $\#k_{\text{ist}} = 5$  nicht erkannt.

1. Auf welchen Bereich der zu erwartenden Anzahl der nicht erkannten Fehlfunktionen lässt das Experiment schließen? Zulässige Irrtumswahrscheinlichkeiten, dass im Experiment ein Werte oberhalb oder unterhalb des Bereichs hätte auftreten können,  $\alpha_1 = \alpha_2 = 10\%$ .
2. Auf welchen Bereich der Diversität lässt das Experiment schließen?

Hinweise:

1. Zählwert  $X$  ist poisson-verteilt.
2. Schätzwert der zu erwartenden Diversität nach TV-F1, Abschn. 3.2 Überwachungsverfahren:

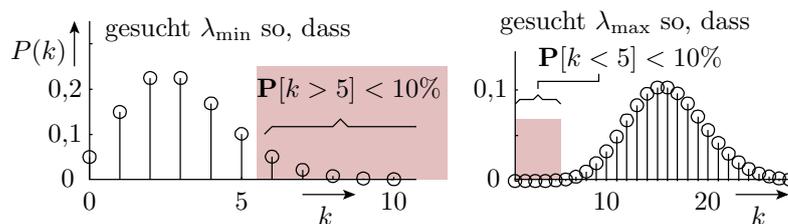
$$\hat{Div} = \frac{\#DF}{\#FF} = 1 - \frac{\#k_{\text{ist}}}{\#FF}$$

### Zur Kontrolle

Von  $\#FF = 300$  Fehlfunktionen wurden  $x_{\text{ist}} = \#FF_M = 5$  nicht erkannt. Zulässige Irrtumswahrscheinlichkeiten:  $\alpha_1 = \alpha_2 = 10\%$ .

1. Unter- und Obergrenze des zu erwartenden Zählwerts:

[3,15, 7,99]



$\alpha_1 = \alpha_2$	$k_{\text{ist}} = 4$	$k_{\text{ist}} = 5$	$k_{\text{ist}} = 6$
2%	[1,53, 9,08]	[2,09, 10,6]	[2,68, 12,0]
10%	[2,43, 6,68]	[3,15, 7,99]	[3,89, 9,28]
20%	[3,09, 5,51]	[3,90, 6,73]	[4,73, 7,91]

2. Unter- und Obergrenze der zu erwartenden Diversität:

$$\mathbb{E}[Div]_{\min} = 1 - \frac{\lambda_{\max}}{\#FF} = 1 - \frac{7,99}{300} = 97,3\%$$

$$\mathbb{E}[Div]_{\max} = 1 - \frac{\lambda_{\min}}{\#FF} = 1 - \frac{3,15}{300} = 99,0\%$$